

Total number of pages - 32

CODE : 35T MATH
(EN/AS/BN/BD)

2025

MATHEMATICS

Full Marks : 100

Pass Marks : 30

Time : Three hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Q. No. 1 (a-l) carries 1 mark each (any ten) $1 \times 10 = 10$

Q. Nos. 2-13 carry 4 marks each $4 \times 12 = 48$

Q. Nos. 14-20 carry 6 marks each $\frac{6 \times 7 = 42}{\text{Total} = 100}$

1. Answer the following questions : (any ten)

$1 \times 10 = 10$

তলৰ প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ দিয়া : (যিকোনো দহটা)

নীচেৰ প্ৰশ্নগুলিৰ উত্তৰ দাও : (যে-কোনো দশটি)

গাহাযনি সঁৰ্বনায়ফোৰনি ফিননায হো : (জায়খিজায়া মৌনজি)

(a) Find the number of all one-one functions from set $A = \{1, 2, 3\}$ to $B = \{a, b, c\}$.

সংহতি $A = \{1, 2, 3\}$ ৰ পৰা $B = \{a, b, c\}$ লৈ মুঠ কিমানটা একেকী ফলন আছে?

সংহতি $A = \{1, 2, 3\}$ -এৱে $B = \{a, b, c\}$ -তে মোট কতগুলি একেকী অপোন্দক আছে।

ধুতুৰ $A = \{1, 2, 3\}$ নিফায $B = \{a, b, c\}$ সিম গাসৈ বেসেৰাং গুদিফা মা঵থুন দঁ ?

(b) Find the principal value of $\cot^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right)$.

$\cot^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right)$ ৰ মুখ্য মান নিৰ্ণয় কৰা।

$\cot^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right)$ -এৱে মুখ্য মান নিৰ্ণয় কৰো।

$\cot^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{3}}\right)$ নি গাহাই মান দিবুন।

- (c) Let A , B and C are matrices of order $2 \times n$, 3×2 and $2 \times k$ respectively. Then $AB + CB$ will be defined for what values of n and k ?

ধৰাইল A , B আৰু C যথাক্রমে $2 \times n$, 3×2 আৰু $2 \times k$ ঘাতৰ মৌলকক্ষ। তেওঁতে $AB + CB$ মৌলকক্ষটো n আৰু k কি মানৰ কাৰণে সংজ্ঞাবদ্ধ হ'ব?

ধৰা হল A , B এবং C যথাক্রমে $2 \times n$, 3×2 এবং $2 \times k$ ঘাতেৰ মৌলকক্ষ। তাহলে $AB + CB$ মৌলকক্ষটি n এবং k -এৰ কোন্ মানেৱ জন্য সংজ্ঞাবদ্ধ হ'বে?

হমিবাব্ব A , B আৰু C ফাৰিয়ে $2 \times n$, 3×2 আৰু $2 \times k$ ফাৰিনি থঁসাজায়। অব্লা $AB + CB$ থঁসাজায়া n আৰু k নি মা মাননি থাখায় বুঁফোৰথিয়াৰি জাগোন?

- (d) State True or False :

Let R be the relation in the set $\{1, 2, 3, 4\}$, given by

$$R = \{(1, 2), (2, 1), (2, 2), (1, 1), (4, 4), (1, 3), (3, 3)\}.$$

Then R is reflexive but not symmetric.

শুন্দি নে অশুন্দি লিখো :

$\{1, 2, 3, 4\}$ সংহতিত সংজ্ঞাবদ্ধ সম্বন্ধ R এনেদৰে দিয়া আছে,

$$R = \{(1, 2), (2, 1), (2, 2), (1, 1), (4, 4), (1, 3), (3, 3)\}।$$

তেওঁতে R অতিফলনীয়, কিন্তু প্রতিসম নহয়।

শুন্দি না' অশুন্দি লেখো :

$\{1, 2, 3, 4\}$ সংহতিতে সংজ্ঞাবদ্ধ সম্বন্ধ R এমনভাৱে দেওয়া আছে যে —

$$R = \{(1, 2), (2, 1), (2, 2), (1, 1), (4, 4), (1, 3), (3, 3)\}।$$

তাহলে R প্রতিফলনীয়, কিন্তু প্রতিসম নয়।

থার এবা নংখায় লির :

{ 1, 2, 3, 4 } থুবুরআব বুঁফোরথিয়ারি সোমোন্দো R এবাদি হোনায দঁ,

$$R = \{ (1, 2), (2, 1), (2, 2), (1, 1), (4, 4), (1, 3), (3, 3) \}$$

অল্লা R আ রিফিখা, নাথায ফারিগ্রোভ নড়া।

(e) Differentiate e^{x^2+1} with respect to x .

e^{x^2+1} ব x সাপেক্ষে অবকলজ উলিওৱা।

e^{x^2+1} -এর x সাপেক্ষে অবকলজ নির্ণয় করো।

e^{x^2+1} নি x লোভ্যায়াব সানক্ষি দিহন।

$$(f) \int e^x \left(\frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} \right) dx = ?$$

(g) Determine the order of the differential equation

$$\left(\frac{dy}{dx} \right)^4 + 3x \frac{d^2y}{dx^2} = \sin x.$$

$\left(\frac{dy}{dx} \right)^4 + 3x \frac{d^2y}{dx^2} = \sin x$ অবকল সমীকৰণৰ ক্ৰম নিৰ্ণয় কৰা।

$\left(\frac{dy}{dx} \right)^4 + 3x \frac{d^2y}{dx^2} = \sin x$ অবকল সমীকৰণৰে ক্ৰম নিৰ্ণয় করো।

$$\left(\frac{dy}{dx}\right)^4 + 3x \frac{d^2y}{dx^2} = \sin x \text{ सानख्यिक समानथाइनि फारि दिहुन।}$$

- (h) For what values of θ , $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}|$, where θ be the angle between the vectors \vec{a} and \vec{b} ?

θ ৰ কি মানৰ কাৰণে $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}|$ হয়, য'ত θ হৈছে ভেক্টুৰ \vec{a} আৰু \vec{b} ৰ মাজৰ কোণ ?

θ -এর কোন্ মানেৰ জন্য $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}|$ হয়, যেখানে θ হল ভেক্টুৰ \vec{a} এবং \vec{b} -এর মধ্যবত্তী কোণ ?

θ নি মা মাননি থাখায়নো $|\vec{a} \times \vec{b}| = |\vec{a}| |\vec{b}|$ জায়ো, জেৱে θ আ জাদোঁ ভেক্টুৰ \vec{a} আৰো \vec{b} নি গেজেৱনি খনা ?

- (i) A homogeneous differential equation of the form $\frac{dx}{dy} = h\left(\frac{x}{y}\right)$ can be solved by making the substitution—

(A) $y = vx$

(B) $v = yx$

(C) $x = vy$

(D) $x = v$

$\frac{dx}{dy} = h \left(\frac{x}{y} \right)$ আকাবৰ সমমাত্রিক অবকল সমীকরণ সমাধানৰ বাবে প্ৰতিষ্ঠাপন সূত্ৰটো

হ'ল—

(A) $y = vx$

(B) $v = yx$

(C) $x = vy$

(D) $x = v$

$\frac{dx}{dy} = h \left(\frac{x}{y} \right)$ আকাৱেৰ সমমাত্রিক অবকল সমীকৰণ সমাধানেৰ জন্য প্ৰতিষ্ঠাপন সূত্ৰটি

হ'ল—

(A) $y = vx$

(B) $v = yx$

(C) $x = vy$

(D) $x = v$

$\frac{dx}{dy} = h \left(\frac{x}{y} \right)$ মহৱনি ফোলেৱলি সানছি সমানথাই। মাবফুঁথাইনি থাখায় ফজ'স্লায়নায

মাবসুলুআ জাবায —

(A) $y = vx$

(B) $v = yx$

(C) $x = vy$

(D) $x = v$

(j) Find the determinant of the matrix $A = [-3]_{1 \times 1}$.

$A = [-3]_{1 \times 1}$ মৌলকক্ষের নির্ণয়ক উলিওৱা।

$A = [-3]_{1 \times 1}$ মৌলকক্ষের নির্ণয়ক বের করো।

$A = [-3]_{1 \times 1}$ থোসাজায়নি দিহনলি দিহন।

(k) State True or False:

$\sin x + 100$ is an antiderivative of $\cos x$.

শুন্দ নে অশুন্দ লিখা :

$\sin x + 100$ টো $\cos x$ এটা প্রতি-অবকলজ।

শুন্দ না অশুন্দ লেখো :

$\sin x + 100$ হল $\cos x$ -এর একটি অ্যান্টি-ডেরিভিটিভ।

থার একা নংখায লিৰ :

$\sin x + 100$ আ $\cos x$ নি মৌনসে সোলায়খি উল্থা।

(l) Find the direction ratios of the line segment joining the points $(-2, 4, -5)$ and $(1, 2, 3)$.

$(-2, 4, -5)$ আৰু $(1, 2, 3)$ বিন্দু সংযোগী ৰেখাডালৰ দিশানুপাত উলিওৱা।

$(-2, 4, -5)$ এৰং $(1, 2, 3)$ বিন্দু-সংযোগকাৰী ৰেখাটিৰ দিশানুপাত নিৰ্ণয় কৰো।

$(-2, 4, -5)$ আৰো $(1, 2, 3)$ বিন্দো ফোনাংজাৰনায় হাঁখোনি রঞ্জুজখা থিংজায দিহন।

2. Find the simplest form of the function

$$\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right), \quad x \neq 0.$$

4

$$\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right), \quad x \neq 0 \text{ ফলনটো সরলতম আকারত প্রকাশ করা।}$$

$$\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right), \quad x \neq 0 \text{ অপেক্ষকটিকে সরলতম আকারে প্রকাশ করো।}$$

$$\tan^{-1} \left(\frac{\sqrt{1+x^2} - 1}{x} \right), \quad x \neq 0 \text{ মাঝথুনখৌ গোরলৈসিন মহরাব ফোরমায।}$$

OR / নাইবা / অথবা / এবা

Find the value of $\tan^{-1} \left(2 \sin \left(\cos^{-1} \frac{1}{2} \right) \right).$

4

$$\tan^{-1} \left(2 \sin \left(\cos^{-1} \frac{1}{2} \right) \right) \text{ ৰ মান উলিওৱা।}$$

$$\tan^{-1} \left(2 \sin \left(\cos^{-1} \frac{1}{2} \right) \right) \text{-এর মান নির্ণয় করো।}$$

$$\tan^{-1} \left(2 \sin \left(\cos^{-1} \frac{1}{2} \right) \right) \text{ নি মান দিহুন।}$$

3. Answer (i) and (ii) or (a) and (b):

উভয় করা (i) আৰু (ii) অথবা (a) আৰু (b) :

উভয় দাও (i) এবং (ii) অথবা (a) এবং (b) :

ফিননায় লিৰ (i) আৰু (ii) এব্বা (a) আৰু (b) :

$$(i) \text{ If } A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}, \text{ find } A^2.$$

যদি $A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$, উলিওৱা A^2 .

যদি $A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$ হয়, তাহলে A^2 -এর মান নিৰ্ণয় কৰো।

জুদি $A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$, দিহন A^2 .

$$(ii) \text{ If } A' = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \text{ and } B = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}, \text{ where } A' \text{ is the transpose of } A, \text{ then find } (A + 3B)'.$$

যদি $A' = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ আৰু $B = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, য'ত A' টো A ৰ পক্ষান্তৰিত মৌলকক্ষ, তেন্তে $(A + 3B)'$ উলিওৱা।

যদি $A' = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ এবং $B = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, যেখানে A' টি A -এর পক্ষান্তৰিত মৌলকক্ষ, তাহলে $(A + 3B)'$ নিৰ্ণয় কৰো।

জুদি $A' = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ আৰু $B = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$, জোৱা A' আ A নি দোনস্লায়থাই
থোসাজায, অল্লো $(A + 3B)'$ দিহন।

- (a) Give an example of a skew-symmetric matrix.

1

বিষম-সমমিত মৌলকক্ষ এটাৰ উদাহৰণ দিয়া।

একটি বিষম-সমমিত মৌলকক্ষের উদাহৰণ দাও।

খেঁস্লায় ফারিগোল থাঁসাজায় মোনসেনি বিদিন্থি হো।

- (b) If $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$ and $A + A' = I$, where I is the identity matrix of order 2, then find the value of x .

3

যদি $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$ আৰু $A + A' = I$, য'ত I হৈছে 2 ঘাতৰ অভেদ

মৌলকক্ষ, তেন্তে x -ৰ মান উলিওৱা।

যদি $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$ এবং $A + A' = I$, যেখানে I হল 2 ঘাতেৰ অভেদ

মৌলকক্ষ, তাহলে x -ৰ মান নিৰ্ণয় কৰো।

জুডি $A = \begin{bmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{bmatrix}$, আৰো $A + A' = I$, জেৱে I আ জাদো 2 ফারিনি

থাবিথা থাঁসাজায়, অল্লা x -নি মান দিহুন।

4. (i) Using determinants find the equation of the line joining the points (1, 2) and (3, 6).

2

নিৰ্ণয়ক ব্যবহাৰ কৰি (1, 2) আৰু (3, 6) বিন্দু সংযোগী বেখাৰ সমীকৰণ উলিওৱা।

নিৰ্ণয়ক ব্যবহাৰ কৰে (1, 2) এবং (3, 6) বিন্দু-সংযোগকাৰী বেখাৰ সমীকৰণ নিৰ্ণয় কৰো।

দিহুনলি আহায়নানৈ (1, 2) আৰো (3, 6) বিন্দো ফোনাংজাৰ হাঁখোনি সমানথাই দিহুন।

- (ii) Let $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ such that $f(x) = \sin x$ and $g(x) = x^2$. Then find composition function $g \circ f$.

2

(here $\mathbb{R} = \text{set of real numbers}$)

যদি $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ যাতে $f(x) = \sin x$ আৰু $g(x) = x^2$, তেওঁতে
সংযোজন ফলন $g \circ f$ উলিওৱা। (ইয়াত $\mathbb{R} = \text{বাস্তব সংখ্যাৰ সংহতি}$)

যদি $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ এমন যে $f(x) = \sin x$ এবং $g(x) = x^2$, তাহলে
সংযোজন অপেক্ষক $g \circ f$ নিৰ্ণয় কৰো। (এখানে $\mathbb{R} = \text{বাস্তব সংখ্যাৰ সংহতি}$)

জুদি $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ জাহাথে $f(x) = \sin x$ আৰু $g(x) = x^2$, অল্লা
জথায় মাবথুন $g \circ f$ দিবুন। (বেয়াব $\mathbb{R} = \text{নংগুৰৈ অনজিমানি থুবুৰ}$)

5. Find $\frac{dy}{dx}$, if

2+2=4

(i) $x = t + \sin t$
 $y = 1 - \cos t$

(ii) $x^y = y^x$

$\frac{dy}{dx}$ উলিওৱা, যদি

(i) $x = t + \sin t$
 $y = 1 - \cos t$

(ii) $x^y = y^x$

$\frac{dy}{dx}$ নিৰ্ণয় কৰো, যদি

(i) $x = t + \sin t$
 $y = 1 - \cos t$

(ii) $x^y = y^x$

$\frac{dy}{dx}$ দিহন, জুদি

(i) $x = t + \sin t$
 $y = 1 - \cos t$

(ii) $x^y = y^x$

6. Find the intervals in which the function f given by
 $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ is

(a) increasing (b) decreasing

2+2=4

$f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ ৰ দ্বাৰা নিৰ্দিষ্ট f ফলনটো কোন অন্তৰালত

(a) বৰ্ধমান

(b) হ্রাসমান উলিওৱা।

$f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ দ্বাৰা নিৰ্দিষ্ট f অপেক্ষকটি কোন অন্তৰালে

(a) বৰ্ধমান এবং

(b) হ্রাসমান নিৰ্ণয় কৰো।

$f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$ নি জোহৈ থিখানায় f মা঵থুনা মাৰে খোন্দোবাব

(a) আঁলামান

(b) ভৰ্মায়লামান দিহন।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

A balloon, which always remains spherical, has a variable diameter $(2x+1)$. Find the rate of change of its volume with respect to x .

4

এটা বেলুন সদায় গোলাকার হৈ থাকে। আৰু ইয়াৰ পৰিৱৰ্তনশীল ব্যাস $(2x+1)$ । x সাপেক্ষে ইয়াৰ আয়তনৰ পৰিৱৰ্তন হাৰ উলিওৱা।

একটি বেলুন সর্বদা গোলাকার হয়ে থাকে এবং এৰ পৰিৱৰ্তনশীল ব্যাস $(2x+1)$ । x -এৰ সাপেক্ষে এৰ আয়তনেৰ পৰিৱৰ্তনেৰ হাৰ নিৰ্ণয় কৰো।

থোৱসে বেলুনা জেল্লাবো দুলুৰ মহৱ জানানৈ থায়ো আৰু বেনি সোলায়স্লু খাবা $(2x+1)$ । x নি লোভ্যায়াৰ বেনি রোজাগাসৈনি সোলায়নায়নি হাৰ দিছুন।

7. Evaluate : (any two)

2+2=4

$$(i) \int \log x \, dx$$

$$(ii) \int \sin^2 x \, dx$$

$$(iii) \int x \sqrt{3x+2} \, dx$$

মান নিৰ্ণয় কৰা : (যিকোনো দুটা)

$$(i) \int \log x \, dx$$

$$(ii) \int \sin^2 x \, dx$$

$$(iii) \int x \sqrt{3x+2} \, dx$$

মান নিৰ্ণয় কৰো : (যে-কোনো দুটি)

$$(i) \int \log x \, dx$$

$$(ii) \int \sin^2 x \, dx$$

$$(iii) \int x \sqrt{3x+2} \, dx$$

মান দিহন : (জ্যায়গ্রিজায়া মৌননৈ)

(i) $\int \log x dx$

(ii) $\int \sin^2 x dx$

(iii) $\int x \sqrt{3x+2} dx$

OR / নহিবা / অথবা / এবা

Evaluate :

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cos x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}}$$

মান নির্ণয় কৰা :

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cos x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}}$$

মান নির্ণয় কৰো :

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cos x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}}$$

মান দিহন :

$$\int_0^{\pi/2} \frac{\sqrt{\cos x}}{\sqrt{\sin x} + \sqrt{\cos x}} kkk$$

8. Find the area lying in the first quadrant and bounded by the circle
 $x^2 + y^2 = 1$ and the lines $x = 0$ and $x = 1$. 4

প্রথম চোকত বৃত্ত $x^2 + y^2 = 1$ আরু সরলরেখা $x = 0$ আৰু $x = 1$ যে আঞ্চৰ ক্ষেত্ৰৰ কালি
 উলিওৱা।

প্রথম চতুর্থাংশ বৃত্ত $x^2 + y^2 = 1$ এবং সরলরেখা $x = 0$ এবং $x = 1$ দ্বাৰা পরিবেষ্টিত
 ক্ষেত্ৰের কালি নিৰ্ণয় কৰো।

মিছি জখ্বাইসৈয়াব বেঁখন $x^2 + y^2 = 1$ আৰু গোথোহাঁখো $x = 0$ আৰু $x = 1$ আ আবগিনায
 দল্লাইনি দল্লাইথি দিহুন।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

- Find the area of the region bounded by the line $y = 3x + 2$, the
 x -axis and ordinate $x = 1$. 4

$y = 3x + 2$ সরলরেখা, x -অক্ষ আৰু $x = 1$ কোটিয়ে আঞ্চৰ ক্ষেত্ৰৰ কালি উলিওৱা।

$y = 3x + 2$ সরলরেখা, x -অক্ষ এবং $x = 1$ কোটি দ্বাৰা পরিবেষ্টিত ক্ষেত্ৰের কালি নিৰ্ণয়
 কৰো।

$y = 3x + 2$ গোথোহাঁখো, x -বিথ' আৰু $x = 1$ জানস'আ আবগিনায দল্লাইনি দল্লাইথি
 দিহুন।

9. (i) Let \vec{a} is a non-zero vector of magnitude 2 and λ is a non-zero scalar. Find the value of λ such that $\lambda\vec{a}$ is a unit vector. 2

\vec{a} এটা 2 মানৰ অশূন্য ভেক্টৰ আৰু λ এটা অশূন্য স্কেলাৰ। λ ৰ কি মানৰ বাবে $\lambda\vec{a}$
 এটা একক ভেক্টৰ হ'ব?

\vec{a} একটি 2 মানেৰ অশূন্য ভেক্টৰ এবং λ একটি অশূন্য স্কেলাৰ। λ -এৰ কোন মানেৰ
 জন্য $\lambda\vec{a}$ একটি একক ভেক্টৰ হ'ব?

\vec{a} আ মোনসে 2 মাননি লাধিখ' নডি ভেক্টৰ আৰু λ আ মোনসে লাধিখ' নডি
 স্কেলাৰ। λ নি মা মাননি থাখায $\lambda\vec{a}$ আ মোনসে সানগুদি ভেক্টৰ জাগোন?

(ii) Find the direction cosine of the vector $\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$. 2

$\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ভেক্টরের দিশাংক উলিওৱা।

$\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ভেক্টরের দিশাংক নির্ণয় করো।

$\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ ভেক্টরনি থো কসাইন দিহুন।

10. If $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ are unit vectors such that $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$, find the value of $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$. 4

যদি \vec{a}, \vec{b} আৰু \vec{c} একক ভেক্টৰ হয় যাতে $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$, তেন্তে $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ -এৰ মান নির্ণয় কৰা।

যদি \vec{a}, \vec{b} এবং \vec{c} একক ভেক্টৰ হয় যাতে $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$, তাহলে $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ -এৰ মান নির্ণয় কৰো।

জুড়ি \vec{a}, \vec{b} আৰু \vec{c} সানগুদি ভেক্টৰ জায়ো জাহাথে $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$, অল্লা $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ নি মান দিহুন।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

Find the area of a triangle having the points $A(1, 1, 1)$, $B(1, 2, 3)$ and $C(2, 3, 1)$ as its vertices. 4

এটা ত্রিভুজৰ শীৰ্ষবিন্দু তিনিটা $A(1, 1, 1)$, $B(1, 2, 3)$ আৰু $C(2, 3, 1)$ হ'লে, ত্রিভুজটোৰ কালি উলিওৱা।

একটি ত্রিভুজেৰ শীৰ্ষবিন্দু তিনিটি $A(1, 1, 1)$, $B(1, 2, 3)$ এবং $C(2, 3, 1)$ হ'লে, ত্রিভুজটিৰ কালি নির্ণয় কৰো।

মৌনসে আখ্যান্থিথামনি থিখিনি বিন্দো মৌনথামা $A(1, 1, 1)$, $B(1, 2, 3)$ আৰু $C(2, 3, 1)$ জায়োৰ্লা আখ্যান্থিথামনি দৰ্লাইথি দিহুন।

11. (i) Find a vector of magnitude 5 units in the direction of the vector $\vec{a} = \hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$. 2

$\vec{a} = \hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$ ভেক্টরের দিশত এনে এটা ভেক্টর উলিওৱা যাব মান 5 একক।

$\vec{a} = \hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$ ভেক্টরের দিশায় এমন একটি ভেক্টর নির্ণয় করো যাব মান 5 একক।

$\vec{a} = \hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$ ভেক্টরনি দিগাব এৱেবাদি মৌনসে ভেক্টর দিহুন জায়নি মানা 5 সানগুদি।

- (ii) Find the projection of the vector $\hat{i} + 3\hat{j} + 7\hat{k}$ on the vector $7\hat{i} - \hat{j} + 8\hat{k}$. 2

$7\hat{i} - \hat{j} + 8\hat{k}$ ভেক্টরত $\hat{i} + 3\hat{j} + 7\hat{k}$ ভেক্টরে অভিক্ষেপ নির্ণয় কৰা।

$7\hat{i} - \hat{j} + 8\hat{k}$ ভেক্টরের উপরে $\hat{i} + 3\hat{j} + 7\hat{k}$ ভেক্টরের অভিক্ষেপ বের করো।

$7\hat{i} - \hat{j} + 8\hat{k}$ ভেক্টর পৰি $\hat{i} + 3\hat{j} + 7\hat{k}$ ভেক্টরনি থাংখানায দিহুন।

12. (i) A coin is tossed three times. Find the probability of occurring head on the third toss. 2

একটা মুদ্রা তিনিবাৰ টছ কৰা হ'ল। তৃতীয় টছত মুণ্ড হোৱাৰ সম্ভাৱিতা উলিওৱা।

একটি মুদ্রা তিনিবাৰ টস্ কৰা হল। তৃতীয় টস্টিতে মুণ্ড হওয়াৰ সম্ভাব্যতা নির্ণয় করো।

গৱেষণা খাতি থামখেব গাৰহনায় জাবায়। থামথি খেব গাৰহনায়াৰ খৰ' মৌননায়নি জাথাবনা দিহুন।

- (ii) Two cards are drawn at random and without replacement from a pack of 52 playing cards. Find the probability that both cards are spade.

2

52 পতীয়া তাচখেলাৰ থাক এটিৰ পৰা পুনৰ্স্থাপন নকৰাকৈ (without replacement) দুখন পাত যাদৃচ্ছিকভাৱে টুনা হ'ল। দুয়োখন পাত ইস্কাপন (spade) হোৱাৰ সম্ভাৱিতা নিৰ্ণয় কৰা।

52 টি কাৰ্ড সমেত একটি তাসেৱ প্যাকেট থেকে কোনোৱকম বদল না কৰে দুটি কাৰ্ড এলোমেলোভাৱে টুনা হ'ল। উভয় কাৰ্ডেৱ স্পেড (ইশকাপন) হওয়াৰ সম্ভাৱ্যতা নিৰ্ণয় কৰো।

গাঁ 52 বিলাই থানায় জাগৰসে তাস বিলাইনিফ্রায় জেবো সোলায়া লাসিনো গাঁনৈ বিলাই সায়জ্ঞে 'জানায় আদিয়ে বোনায় জাগায়। গাঁনৈবো বিলাইয়া ইস্কাপন জানায়নি জাথাবনা দিহুন।

13. A man is known to speak truth 4 out of 5 times. He throws a die and reports that it is three. Find the probability that it is actually three.

4

এজন মানুহে 5 বাবৰ ভিতৰত 4 বাব সঁচা কথা কয় বুলি জনা যায়। তেওঁ পাশতি এটা টছ কৰে আৰু তিনি পোৱা বুলি ব্যক্ত কৰে। পাশতিটোত সচাঁকৈয়ে তিনি পোৱাৰ সম্ভাৱিতা নিৰ্ণয় কৰা।

একজন মানুষ 5 বাবেৱ মধ্যে 4 বাব সত্য কথা বলে বলে জনা যায়। তিনি একটি পাশা টস্ কৱেন এবং 'তিন' পেয়েছেন বলে জানান। পাশাটিতে সত্যি কৰে 'তিন' পাওয়াৰ সম্ভাৱ্যতা নিৰ্ণয় কৰো।

সাসে মানসিয়া 5 খেলনি মাদাব 4 খেল সেঁথো গাথা বুড়ো হোননা মিথিয়ো। বিয়ো ভাইস গৱেষণা টস্ আলামো আৰু থাম মোনায়া হোননা ফোৰমায়ো। ভাইসআব থাইনো থাম মোনায়নি জাথাবনা দিহুন।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

A fair coin and an unbiased die are tossed. Let A be the event 'head appears on the coin' and B be the event '3 on the die'. Check whether A and B are independent events or not.

4

এটা নিখুঁত মুদ্রা আৰু এটা অবিকৃত পাশতি একেলগে টছ কৰা হ'ল। 'মুদ্রাটোত মুণ্ড পোৱা ঘটনা'ক A আৰু 'পাশতিটোত 3 পোৱা ঘটনা'ক B ৰে সূচালে, A আৰু B স্বতন্ত্র হয়নে নহয় পৰীক্ষা কৰা।

একটা নিখুঁত মুদ্রা এবং একটি অবিকৃত পাশা একসঙ্গে টস্ করা হলো। 'মুদ্রাটিতে মুণ্ড পাওয়া ঘটনা'-কে A এবং 'পাশাটিতে 3 পাওয়ার ঘটনা'-কে B সূচিত করে। A এবং B স্বতন্ত্র কিনা পরীক্ষা করো।

গরসে স্লিমস্লিম খাউরি আরো গরসে রাবনিবো ফারসে জায়ি ডাইস জয়ে গারহরনায় জাবায়। 'খাউরিয়াব খর' মোননায় জাথাইখৌ A আরো 'ডাইসআব 3 মোননায় জাথাই'খৌ B জোঁ দিন্ধিয়োল্লা। A আরো B আ উদাঁ জাথাই জায়ো না জায়া আনজাদ খালাম।

14. Answer (a) or (b) :

উত্তর কৰা (a) আৰু (b) :

উত্তর দাও (a) অথবা (b) :

ফিননায় লিৰ (a) এন্না (b) :

- (a) (i) Find the minor and cofactor of the second row and second column element of the determinant 2

$$\begin{vmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{vmatrix}$$

আৰু সহৰাশি উলিওৱা।

$$\begin{vmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{vmatrix}$$

এবং সহৰাশি নিৰ্ণয় কৰো।

নিৰ্ণয়কৰ দ্বিতীয় শাৰী আৰু দ্বিতীয় স্তৰ মৌলটোৰ অনুৰাশি

নিৰ্ণয়কেৱ দ্বিতীয় সারি এবং দ্বিতীয় স্তৰ মৌলটিৰ অনুৰাশি

$$\left| \begin{array}{ccc} 2 & -3 & 5 \\ 6 & 0 & 4 \\ 1 & 5 & -7 \end{array} \right|$$
 দিহুনলিনি নৈথি লারি আরো নৈথি খাম্ফা গুদিথা বাদিয়ে আরো
 লোগো লারি দিহুন।

(ii) For the matrix $A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$, show that $A^2 - 5A + 7I = 0$.

Hence find A^{-1} , where I is the identity matrix of order 2. 4

$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ মৌলকক্ষৰ বাবে দেখুওৱা যে $A^2 - 5A + 7I = 0$ । ইয়াৰ
 পৰা A^{-1} উলিওৱা, য'ত I হৈছে 2 ঘাতৰ অভেদ মৌলকক্ষ।

$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ মৌলকক্ষেৰ ক্ষেত্ৰে দেখোও যে $A^2 - 5A + 7I = 0$ । এৱ
 থেকে A^{-1} নিৰ্ণয় কৰো, যেখানে I হল 2 ঘাতৰ অভেদ মৌলকক্ষ।

$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ থোঁসাজায়নি থাখ্যায় দিন্থিদি $A^2 - 5A + 7I = 0$ । বেনিফ্যায
 A^{-1} দিহুন, জেহাব I আ জাদো 2 ফারিনি থাবিথা থোঁসাজায।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

(b) Solve the linear system : (using matrix method)

6

$$x + y + z = 6$$

$$y + 3z = 11$$

$$x - 2y + z = 0$$

বৈধিক প্ৰণালীটো সমাধান কৰা : (মৌলকক্ষীয় পদ্ধতিবে)

$$x + y + z = 6$$

$$y + 3z = 11$$

$$x - 2y + z = 0$$

বৈধিক প্রণালীটি সমাধান করো : (মৌলিকক্ষীয় পদ্ধতি দ্বারা)

$$x + y + z = 6$$

$$y + 3z = 11$$

$$x - 2y + z = 0$$

হাঁওআরি বিখ্যান্থিখৌ মাবফুঠাই দিহন : (থেঁসাজায়ারি আদবজোঁ)

$$x + y + z = 6$$

$$y + 3z = 11$$

$$x - 2y + z = 0$$

15. Answer (i) and (ii) or (a) and (b) :

উভৰ কৰা (i) আৰু (ii) অথবা (a) আৰু (b) :

উভৰ দাও (i) এবং (ii) অথবা (a) এবং (b) :

ফিননায লিৰ (i) আৰো (ii) এবা (a) আৰো (b) :

(i) Find all points of discontinuity of the function f defined by

$$f(x) = \begin{cases} x + 2, & \text{if } x < 1 \\ 0, & \text{if } x = 1 \\ x - 2, & \text{if } x > 1 \end{cases}$$

3

f ফলনৰ বিচ্ছিন্নতাৰ সকলো বিন্দু উলিওৱা ঘ'ত

$$f(x) = \begin{cases} x + 2, & \text{যদি } x < 1 \\ 0, & \text{যদি } x = 1 \\ x - 2, & \text{যদি } x > 1 \end{cases}$$

f অপেক্ষকের বিচ্ছিন্নতার সকল বিন্দু নির্ণয় করো যেখানে

$$f(x) = \begin{cases} x+2, & \text{যদি } x < 1 \\ 0, & \text{যদি } x = 1 \\ x-2, & \text{যদি } x > 1 \end{cases}$$

f মাঝখন আন্থের জনায গাসেবো বিন্দোখৌ দিহন জেরাব

$$f(x) = \begin{cases} x+2, & \text{জুদি } x < 1 \\ 0, & \text{জুদি } x = 1 \\ x-2, & \text{জুদি } x > 1 \end{cases}$$

(ii) If $\cos y = x \cos(a+y)$, with $\cos a \neq \pm 1$, prove that

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\cos^2(a+y)}{\sin a}.$$

3

যদি $\cos y = x \cos(a+y)$, $\cos a \neq \pm 1$, প্রমাণ কৰা যে,

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\cos^2(a+y)}{\sin a} |$$

যদি $\cos y = x \cos(a+y)$, $\cos a \neq \pm 1$, প্রমাণ করো যে,

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\cos^2(a+y)}{\sin a} |$$

জুদি $\cos y = x \cos(a+y)$, $\cos a \neq \pm 1$, ফোরমান খালাম দি,

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\cos^2(a+y)}{\sin a} |$$

OR / নাইবা / অথবা / এবা

(a) If $y = \sin^{-1} x$, then show that $(1-x^2)\frac{d^2y}{dx^2} - x\frac{dy}{dx} = 0$. 3

যদি $y = \sin^{-1} x$ হয়, তেন্তে দেখুওৱা যে $(1-x^2)\frac{d^2y}{dx^2} - x\frac{dy}{dx} = 0$ ।

যদি $y = \sin^{-1} x$ হয়, তাহলে দেখোও যে $(1-x^2)\frac{d^2y}{dx^2} - x\frac{dy}{dx} = 0$ ।

জুড়ি $y = \sin^{-1} x$ জায়ো, অব্লা দিন্থি দি $(1-x^2)\frac{d^2y}{dx^2} - x\frac{dy}{dx} = 0$ ।

(b) Given $f(x) = \begin{cases} ax+1, & \text{if } x \leq 3 \\ x+4, & \text{if } x > 3 \end{cases}$

If the function f is continuous at $x=3$, find the value of a . 3

দিয়া আছে $f(x) = \begin{cases} ax+1, & \text{যদি } x \leq 3 \\ x+4, & \text{যদি } x > 3 \end{cases}$

যদি f ফলনটো $x=3$ বিন্দুত অবিচ্ছিন্ন হয়, তেন্তে a -র মান নির্ণয় কৰো।

দেওয়া আছে $f(x) = \begin{cases} ax+1, & \text{যদি } x \leq 3 \\ x+4, & \text{যদি } x > 3 \end{cases}$

যদি f ফলনটি $x=3$ বিন্দুতে অবিচ্ছিন্ন হয়, তাহলে a -এর মান নির্ণয় কৰো।

$$\text{হোনায় দঁ } f(x) = \begin{cases} ax+1, & \text{জুদি } x \leq 3 \\ x+4, & \text{জুদি } x > 3 \end{cases}$$

জুদি f মাবথুনআ $x=3$ বিন্দোআব আন্থোজয়ি জায়ো, অল্লা a নি মান দিহুন।

16. Find absolute maximum value and absolute minimum value of the function given by

$$f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 36x + 1, \quad x \in [1, 5].$$

6

$f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 36x + 1$ ৰ দ্বাৰা নিৰ্দিষ্ট f ফলনটোৱ $[1, 5]$ অন্তৰালত পৰম গৱিষ্ঠ আৰু পৰম লঘিষ্ঠ মান উলিওৱা।

$f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 36x + 1$ -এৱে দ্বাৰা নিৰ্দিষ্ট f অপেক্ষকটিৱ $[1, 5]$ অন্তৰালে পৰম গৱিষ্ঠ এবং পৰম লঘিষ্ঠ মান নিৰ্ণয় করো।

$f(x) = 2x^3 - 15x^2 + 36x + 1$ নি জোহৈ থি f মাবথুননি $[1, 5]$ আন্থোৱাৰ বাসিনথা দেৱমা আৰো হায়সিনথা দেৱমা মান দিহুন।

OR / নাইবা / অথবা / এবা

Find the point(s) on the curve $x^2 = 2y$ which is nearest to the point $(0, 3)$.

6

$(0, 3)$ বিন্দুটোৱ পৰা নিম্নতম দূৰত্বত $x^2 = 2y$ বক্রটোৱ ওপৰত থকা বিন্দু / বিন্দুবোৰ উলিওৱা।

$(0, 3)$ বিন্দুটি থেকে নিম্নতম দূৰত্বে $x^2 = 2y$ বক্রটিৱ উপৱে অবস্থিত বিন্দু / বিন্দুগুলি নিৰ্ণয় করো।

$(0, 3)$ বিন্দোনিফ্রায় খাথিসিন জানথাইয়াব $x^2 = 2y$ বোহাংখোনি সায়াব থানায় বিন্দো / বিন্দোফোৱখৌ দিহুন।

17. Evaluate : (any one)

$$(i) \int \sqrt{\tan x} dx$$

$$(ii) \int \frac{x}{(x-1)^2(x+2)} dx$$

মান নির্ণয় করা : (যিকোনো এটা)

$$(i) \int \sqrt{\tan x} dx$$

$$(ii) \int \frac{x}{(x-1)^2(x+2)} dx$$

মান নির্ণয় করো : (যে-কোনো একটি)

$$(i) \int \sqrt{\tan x} dx$$

$$(ii) \int \frac{x}{(x-1)^2(x+2)} dx$$

মান দিহুন : (জ্যায়খিজ্ঞায়া মৌনসে)

$$(i) \int \sqrt{\tan x} dx$$

$$(ii) \int \frac{x}{(x-1)^2(x+2)} dx$$

18. Solve the following differential equations : (**any two**) 3+3=6

$$(i) \quad x(x-1)\frac{dy}{dx} = 1, \quad y(-1) = 0$$

$$(ii) \quad \frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$$

$$(iii) \quad (x-y)dy - (x+y)dx = 0$$

তলৰ অবকল সমীকৰণকেইটা সমাধান কৰা : (যিকোনো দুটা)

$$(i) \quad x(x-1)\frac{dy}{dx} = 1, \quad y(-1) = 0$$

$$(ii) \quad \frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$$

$$(iii) \quad (x-y)dy - (x+y)dx = 0$$

নীচের অবকল সমীকৰণগুলি সমাধান করো : (যে-কোনো দুটি)

$$(i) \quad x(x-1)\frac{dy}{dx} = 1, \quad y(-1) = 0$$

$$(ii) \quad \frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$$

$$(iii) \quad (x-y)dy - (x+y)dx = 0$$

गाहायनि सानखि समानथाइफोरखौ मावफुथाइ खालाम : (जायखिजाया मोननै)

$$(i) \quad x(x-1) \frac{dy}{dx} = 1, \quad y(-1) = 0$$

$$(ii) \quad \frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^2$$

$$(iii) \quad (x-y)dy - (x+y)dx = 0$$

19. Answer (a) or (b) :

উত্তর কৰা (a) আৰু (b) :

উত্তর দাও (a) অথবা (b) :

ফিননায লিৰ (a) এলা (b) :

(a) (i) If the lines

$$\frac{1-x}{3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2} \quad \text{and} \quad \frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{6-z}{5}$$

are perpendicular, find the value of k .

3

যদি $\frac{1-x}{3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ বেখাড়াল $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{6-z}{5}$ বেখাড়ালৰ
লম্ব হয়, k -ৰ মান উলিওৱা।

যদি $\frac{1-x}{3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ বেখাটি $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{6-z}{5}$ বেখাটিৰ লম্ব
হয়, k -এর মান নিৰ্ণয় কৰো।

জুদি $\frac{1-x}{3} = \frac{y-2}{2k} = \frac{z-3}{2}$ হাঁখোআ $\frac{x-1}{3k} = \frac{y-1}{1} = \frac{6-z}{5}$ হাঁখোনি
থোঁগোৱ জায়ো, অল্লা k নি মান দিহুন।

Contd.

- (ii) Find the Cartesian equation of the line through the point $(5, 2, -4)$ and which is parallel to the vector $3\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$.

3

$(5, 2, -4)$ বিন্দুর মাঝেরে যোরা $3\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$ ভেক্টরের সমান্তরাল রেখাডালৰ কার্টেজীয় সমীকৰণ উলিওৱা।

$(5, 2, -4)$ বিন্দুর মধ্য দিয়ে অতিক্রান্ত $3\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$ ভেক্টরের সমান্তরাল রেখাটির কার্টেজীয় সমীকৰণ নির্ণয় করো।

$(5, 2, -4)$ বিন্দুনি গোজেরজোঁ থানায $3\hat{i} + 2\hat{j} - 8\hat{k}$ ভেক্টরনি লিগ হাঁঊনি কার্টেজীয় (সমানথালায়ারি) সমানথাই দিহুন।

OR / নাহিবা / অথবা / এবা

- (b) Find the shortest distance between the lines

$$\frac{x-1}{1} = \frac{2-y}{3} = \frac{z-3}{2} \text{ and } \frac{x-4}{2} = \frac{y-5}{3} = \frac{z-6}{1}.$$

6

$\frac{x-1}{1} = \frac{2-y}{3} = \frac{z-3}{2}$ আৰু $\frac{x-4}{2} = \frac{y-5}{3} = \frac{z-6}{1}$ রেখা দুডালৰ মাজৰ ন্যূনতম দূৰত্ব
উলিওৱা।

$\frac{x-1}{1} = \frac{2-y}{3} = \frac{z-3}{2}$ এবং $\frac{x-4}{2} = \frac{y-5}{3} = \frac{z-6}{1}$ রেখা দুটিৰ মধ্যবতী ন্যূনতম দূৰত্ব
নির্ণয় করো।

$\frac{x-1}{1} = \frac{2-y}{3} = \frac{z-3}{2}$ আৰো $\frac{x-4}{2} = \frac{y-5}{3} = \frac{z-6}{1}$ হাঁঊ দাঁনেনি গোজেৱনি সুসিন
জানথাই দিহুন।

20. Solve graphically the following linear programming problems :

Maximize and minimize $Z = 3x + 5y$

subject to the constraints

$$2x + 3y \leq 36$$

$$x + y \leq 15$$

$$y \geq 3$$

$$x \geq 0$$

6

$Z = 3x + 5y$ - ৰ সর্বোচ্চ আৰু সবনিম্ন মান উলিওৱা

য'ত

$$2x + 3y \leq 36$$

$$x + y \leq 15$$

$$y \geq 3$$

$$x \geq 0$$

$Z = 3x + 5y$ -এর সর্বোচ্চ এবং সবনিম্ন মান নির্ণয় কৰো

যেখানে

$$2x + 3y \leq 36$$

$$x + y \leq 15$$

$$y \geq 3$$

$$x \geq 0$$

$Z = 3x + 5y$ নি বাসিনথা আৰো হায়সিনথা মান দিছুন

জেৱাব

$$2x + 3y \leq 36$$

$$x + y \leq 15$$

$$y \geq 3$$

$$x \geq 0$$

Contd.

OR / নাইবা / অথবা / এবা

Determine graphically the minimum value of the objective function $Z = 3x + 9y$ subject to the constraints

$$x + 3y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

6

উদিষ্ট ফলন

$Z = 3x + 9y$ -এর সর্বনিম্ন মান উলিওৱা, য'ত x আৰু y -ৰ সীমাবদ্ধতাসমূহ হ'ল

$$x + 3y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

উদিষ্ট অপেক্ষক

$Z = 3x + 9y$ -এর সর্বনিম্ন মান নির্ণয় কৰো, যেখানে x এবং y -ৰ সীমাবদ্ধতাসমূহ হ'ল

$$x + 3y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

थांखिथा मावथुन

$Z = 3x + 9y$ नि हायसिनथा मान दिहुन, जेराव x आरो y नि हेंथायफोरा जाबाय —

$$x + 3y \leq 60$$

$$x + y \geq 10$$

$$x \leq y$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

— x —